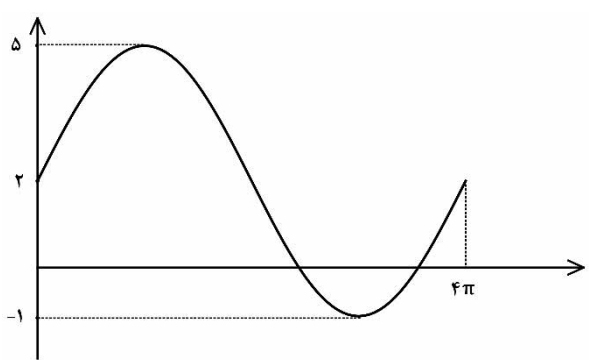




سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	نام و نام خانوادگی:
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان بزرگسال و داوطلبان آزادسراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۱		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.	نمره
------	-----------------------------------------	------

۱	درستی یا نادرستی عبارت های زیر را تعیین کنید. الف) تابع تانژانت در هر بازه ای که در آن تعریف شده باشد، صعودی است. ب) اگر برای تابع $f$ داشته باشید $f''(c) = 0$ آن گاه همواره نقطه $(c, f(c))$ نقطه عطف تابع است.	۰/۵
۲	جاهای خالی را با عبارت مناسب کامل کنید. الف) اگر تابعی در یک فاصله هم صعودی و هم نزولی باشد، تابع در آن فاصله ..... است. ب) اگر $f$ یک تابع و $I \subseteq D_f$ یک همسایگی از نقطه $c$ باشد که به ازای هر $x$ متعلق به $I$ داشته باشیم $f(x) \leq f(c)$ ، در این صورت $f(c)$ را یک ..... تابع $f$ می نامیم.	۰/۵
۳	الف) نمودار تابع $f(x) = \sqrt{x}$ را در بازه $[0, 4]$ رسم کنید. ب) به کمک نمودار $f(x)$ نمودار تابع $g(x) = 2f(x-1)$ را رسم کنید. سپس دامنه و برد $g$ را تعیین کنید.	۱
۴	اگر باقی مانده تقسیم چند جمله ای $p(x) = x^6 + kx^2 - 3$ بر $x+1$ برابر ۲ باشد، $k$ را تعیین کنید.	۰/۷۵
۵	اگر $(\frac{1}{3})^{2x+1} \leq (\frac{1}{27})$ باشد، حدود $x$ را به دست آورید.	۱
۶	چند جمله ای $x^5 + 32$ را بر حسب عامل $x+2$ تجزیه کنید.	۰/۵
۷	معادله مثلثاتی $2\cos^2 x + \cos x = 0$ را حل کنید.	۱/۲۵
۸	نمودار داده شده مربوط به تابعی با ضابطه $y = a \sin bx + c$ است. مقادیر $a$ و $b$ و $c$ را محاسبه کنید و ضابطه آن را مشخص نمایید.	۱/۵
		
۹	حدود زیر را بیابید.	۱/۵
الف) $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{[x] - 2}{x - 2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow (\frac{\pi}{4})^+} \frac{2}{\tan x}$ پ) $\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{-x^2 + 2x + 1}{4x - 1}$		

« ادامه سوالات در صفحه دوم »



سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	رشته: ریاضی و فیزیک	نام و نام خانوادگی:
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۸ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	تعداد صفحه: ۲
دانش آموزان آزادسراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۴۰۱			مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است.	نمره
------	-----------------------------------------	------

۱۰	با توجه به نمودار تابع $f$ ، موارد زیر را به دست آورید.	۱
		الف) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x)$ ب) $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) \\ \lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) \end{cases}$
۱۱	اگر خط $y = 2$ مجانب افقی تابع $f(x) = \frac{ax^2 + 1}{2x^2 - 3x}$ باشد، مقدار $a$ را بیابید.	۰/۵
۱۲	مشتق پذیری تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + 1 & x \geq 1 \\ 3x - 1 & x < 1 \end{cases}$ را در $x = 1$ بررسی کنید.	۱/۵
۱۳	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = (4x^2 - 5x)^3(\sqrt{x} + 1)$ ب) $g(x) = \frac{9x + 1}{x - x^2}$ پ) $h(x) = \sin(3x^2)$	۲/۷۵
۱۴	با در نظر گرفتن نمودار تابع $f$ در شکل مقابل از بین نقاط مشخص شده مطلوب است طول نقطه ای که: الف) تابع در آن مشتق پذیر نیست. ب) مماس در آن موازی محور طول هاست. پ) مشتق و مقدار تابع در آن مثبت است.	۰/۷۵
۱۵	معادله حرکت متحرکی به صورت $f(t) = 2t^2 - t + 3$ بر حسب متر است. ( $t$ بر حسب ثانیه است.) الف) سرعت متوسط تابع در بازه $[0, 3]$ را به دست آورید. ب) سرعت لحظه ای تابع را در $t = 4$ به دست آورید.	۱
۱۶	ضرایب $a$ و $b$ را در تابع $f(x) = x^3 + ax - b$ طوری پیدا کنید که نقطه $(1, 2)$ اکسترمم نسبی تابع باشد.	۱
۱۷	جهت تقعر و مختصات نقطه عطف تابع $f(x) = x(x^2 - 3) + 1$ را تعیین کنید.	۱
۱۸	جدول رفتار و نمودار تابع $f(x) = \frac{x + 3}{1 - x}$ رسم کنید.	۲
۲۰	جمع نمرات	موفق و سربلند باشید.



باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور سال ۱۴۰۱		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۱	الف) درست (۰/۲۵) تمرین صفحه ۳۴ ب) نادرست (۰/۲۵) صفحه ۱۳۲	۰/۵
۲	الف) ثابت (۰/۲۵) تمرین ۴ صفحه ۲۲ ب) ماکزیمم نسبی (۰/۲۵) تعریف صفحه ۱۱۲	۰/۵
۳	مشابه کاردر کلاس صفحه ۴ $R_g = [0, 4]$ و $D_g = [1, 5]$ هر قسمت (۰/۲۵)	۱
۴	مشابه تمرین صفحه ۲۲ $x+1=0 \Rightarrow x=-1$ (۰/۲۵) $\Rightarrow p(-1)=2 \Rightarrow (-1)^f+k(-1)^f-3=2 \Rightarrow k=4$ (۰/۵)	۰/۷۵
۵	مشابه تمرین ۹ صفحه ۲۲ $(\frac{1}{3})^{2x+1} \leq (\frac{1}{3})^2$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 2x+1 \geq 2$ (۰/۵) $\Rightarrow x \geq 1$ (۰/۲۵)	۱
۶	کاردر کلاس صفحه ۲۰ $(x+2)(x^f-2x^f+4x^f-8x+16)$ (۰/۵)	۰/۵
۷	مشابه تمرین صفحه ۴۴ $\cos x = 0$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = k\pi + \frac{\pi}{2}$ (۰/۲۵) $\underbrace{\cos x(2\cos x + 1) = 0}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{2\cos x + 1 = 0}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{\cos x = -\frac{1}{2}}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow \underbrace{x = 2k\pi \pm \frac{2\pi}{3}}_{(۰/۲۵)}$	۱/۲۵
۸	مشابه تمرین ۴ صفحه ۳۴ $\begin{cases}  a +c=5 \\ - a +c=-1 \end{cases}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow c=2$ (۰/۲۵), $a=\pm 3$ (۰/۲۵) $4\pi = \frac{2\pi}{ b }$ (۰/۲۵) $\Rightarrow  b  = \frac{1}{2} \Rightarrow b = \pm \frac{1}{2}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow y = 3 \sin \frac{x}{2} + 2$ , $y = -3 \sin(-\frac{x}{2}) + 2$ (۰/۲۵)	۱/۵

در صورت نوشتن فقط یکی از ضابطه‌ها نمره داده شود.



باسمه تعالی

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور سال ۱۴۰۱		

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
------	---------------	------

۹	مشابه صفحه ۵۳ مشابه تمرین صفحه ۶۹	۱/۵	الف) $\frac{1-2}{2-2} = \frac{-1}{0} = +\infty$ (۰/۵) ب) $\frac{2}{\tan(\frac{\pi}{2})^+} = \frac{2}{-\infty} = 0$ (۰/۵) پ) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x^2}{4x} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{-x}{4} = +\infty$ (۰/۵)
۱۰	مشابه تمرین صفحه ۶۹	۱	الف) ۲ (۰/۵) ب) $\begin{cases} \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty & (۰/۲۵) \\ \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty & (۰/۲۵) \end{cases}$
۱۱	مشابه کاردرکلاس صفحه ۶۶	۰/۵	$\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{ax^2+1}{2x^2-3x} = 2 \Rightarrow \frac{a}{2} = 2 \Rightarrow a = 4$ (۰/۵)
۱۲	مشابه تمرین ۶ صفحه ۱۰۰ تابع در $x=1$ پیوسته است. $f'_+(1) \neq f'_-(1)$ پس تابع در $x=1$ مشتق پذیر نمی باشد. (۰/۲۵)	۱/۵	$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x^2+1-2}{x-1} = 2$ (۰/۵) , $f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{3x-1-2}{x-1} = 3$ (۰/۵)
۱۳	مشابه تمرین صفحه ۱۰۱	۲/۷۵	الف) $f'(x) = \underbrace{3(4x^2-5x)^2(8x-5)}_{(۰/۷۵)} \underbrace{(\sqrt{x+1})}_{(۰/۵)} + \frac{1}{2\sqrt{x}}(4x^2-5x)^2$ ب) $g'(x) = \frac{\underbrace{9(x-x^2)}_{(۰/۲۵)} - \underbrace{(1-2x)(9x+1)}_{(۰/۵)}}{\underbrace{(x-x^2)^2}_{(۰/۲۵)}}$ پ) $h'(x) = 6x \cos(3x^2)$ (۰/۵)
۱۴	مشابه تمرین صفحه ۸۲	۰/۷۵	الف) b (۰/۲۵) ب) d (۰/۲۵) پ) e (۰/۲۵)

« ادامه در صفحه سوم »



باسمه تعالی

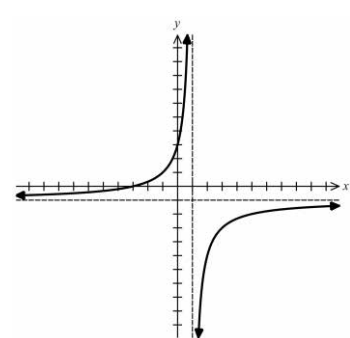
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۱/۰۶/۰۱		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir		دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در شهریور سال ۱۴۰۱	

نمره	راهنمای تصحیح	ردیف
------	---------------	------

۱	مشابه تمرین صفحه ۱۱۰ الف) $\frac{f(3)-f(0)}{3-0} = \frac{18-3}{3} = 5$ (۰/۵) ب) $f'(t) = 4t - 1 \Rightarrow f'(4) = 15$ (۰/۵)	۱۵
---	-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----

۱	تمرین ۷ صفحه ۱۲۶ $f(1) = 2 \Rightarrow a - b = 1$ (۰/۲۵) $\begin{cases} f'(x) = 3x^2 + a \\ f'(1) = 0 \end{cases}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow 3 + a = 0 \Rightarrow a = -3$ (۰/۲۵), $b = -4$ (۰/۲۵)	۱۶
---	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----

۱	تمرین ۲ صفحه ۱۳۶ $f'(x) = 3x^2 - 3 \Rightarrow f''(x) = 6x = 0 \Rightarrow x = 0$ (۰/۲۵) <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>x</td><td><math>-\infty</math></td><td>۰</td><td><math>+\infty</math></td></tr> <tr><td>f''</td><td>-</td><td> </td><td>+</td></tr> <tr><td>f</td><td></td><td> </td><td></td></tr> </table> نقطه (۰, ۱) نقطه عطف تابع است. (۰/۲۵) جدول (۰/۵)	x	$-\infty$	۰	$+\infty$	f''	-		+	f				۱۷
x	$-\infty$	۰	$+\infty$											
f''	-		+											
f														

۲	مشابه تمرین ۱ صفحه ۱۴۴ $y = -1$ (۰/۲۵) مجانب افقی , $x = 1$ (۰/۲۵) مجانب قائم $f'(x) = \frac{4}{(1-x)^2}$ (۰/۲۵) نقطه بحرانی ندارد <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr><td>x</td><td><math>-\infty</math></td><td>۱</td><td><math>+\infty</math></td></tr> <tr><td>f'</td><td>+</td><td> </td><td>+</td></tr> <tr><td>f</td><td>-1</td><td> </td><td>-1</td></tr> </table> جدول (۰/۷۵) نمودار (۰/۵) 	x	$-\infty$	۱	$+\infty$	f'	+		+	f	-1		-1	۱۸
x	$-\infty$	۱	$+\infty$											
f'	+		+											
f	-1		-1											

۲۰	در نهایت نظر همکاران محترم صائب است.	
----	--------------------------------------	--